



ماي 2023

المستوى: الثانية علوم

المدة : ساعتان

اختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (06 ن)لتكن في معلم متعامد ومتجانس النقاط $C(2; 5)$ ، $B(-1, -2)$ ، $A(-2, 3)$

1- أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$

2- أحسب الطولين AB و BC .

3- استنتج قيمة للزاوية \widehat{ABC} مدوّرة إلى الوحدة.

التمرين الثاني: (04 ن)

1- تحقّق أنّ : $\frac{7\pi}{12} = \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{4}$ و $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$

2- أ. أحسب $\sin \frac{7\pi}{12}$ و $\cos \frac{7\pi}{12}$

ب. أحسب $\sin \frac{\pi}{12}$ و $\cos \frac{\pi}{12}$

التمرين الثالث: (4 ن)المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ ، ABC مثلث حيث $A(5, -2)$ ، $B(2, -1)$ ، $C(1, 3)$.

1- عيّن معادلة للارتفاع المار من A

2- عيّن معادلة محور القطعة المستقيمة $[AB]$

3- عيّن معادلة الدائرة (C) التي قطرها $[BC]$

4- عيّن معادلة لمماس الدائرة (C) في النقطة C .

التمرين الرابع: (6 ن)

$$(U_n) \text{ متتالية عددية معرّفة على } N^* \text{ بـ: } U_n = \frac{2}{5}n - 1$$

1- بيّن أنّ المتتالية (U_n) حسابية أساسها $\frac{2}{5}$ يطلب حدّها الأول U_1

2- أحسب كل من U_2 ، U_3 و U_4

3- عيّن رتبة الحدّ الذي قيمته 575

4- أحسب قيمة المجموع S حيث:

$$S = U_1 + U_2 + U_3 + \dots + U_{1440}$$

5- (V_n) المتتالية المعرفة على N^* كما يلي: $V_n = 4^{5n+1}$

أ/ بيّن أنّ (V_n) هندسية يطلب تعيين أساسها وحدّها الأول V_1

ب/ أحسب كل من V_2 ، V_3 ، V_4

ج/ أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_1 + V_2 + \dots + V_n$

بالتوفيق

التصحيح النموذجي

العلامة		
	<p>(1) حساب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC}$: $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BC} = -32$</p> <p>(2) حساب الطولين AB و BC: $AB = \sqrt{26}$ و $BC = \sqrt{58}$</p> <p>(3) استنتاج قيمة للزاوية \widehat{ABC} مدوّرة إلى الوحدة: $\widehat{ABC} = 145^\circ$</p>	<p>التمرين 1</p>
	<p>1- التحقّق أنّ: $\frac{7\pi}{12} = \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{4}$ و $\frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{4}$</p> <p>2- حساب $\sin \frac{7\pi}{12}$ و $\cos \frac{7\pi}{12}$: $\sin \frac{7\pi}{12} = \frac{\sqrt{2}-\sqrt{6}}{4}$ و $\cos \frac{7\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}+\sqrt{2}}{4}$</p>	<p>التمرين 2</p>
	<p>(1) تعيين معادلة للارتفاع المار من A: $(AH): -x + 4y + 13 = 0$</p> <p>(2) تعيين معادلة محور القطعة المستقيمة $[AB]$: $(\Delta): -3x + y + 12 = 0$</p> <p>(3) تعيين معادلة الدائرة (C) التي قطرها $[BC]$: $(C): x^2 + y^2 - 3x - 2y - 1 = 0$</p> <p>(4) تعيين معادلة لمماس الدائرة (C) في النقطة C: $(T): -x + 4y - 11 = 0$</p>	<p>التمرين 3</p>
	<p>نبيّن أنّ المتتالية (U_n) حسابية:</p> $U_{n+1} - U_n = \frac{2}{5}$ <p>ومنه المتتالية (U_n) حسابية أساسها $\frac{2}{5}$ وحدها الأول $U_1 = -\frac{3}{5}$</p> <p>(2) حساب كل من U_2, U_3, U_4:</p> $U_4 = \frac{3}{5} \quad \text{و} \quad U_3 = \frac{1}{5} \quad \text{و} \quad U_2 = -\frac{1}{5}$ <p>(3) رتبة الحدّ الذي قيمته 575 هي: 1440</p>	<p>التمرين 4</p>

(4) حساب قيمة المجموع: $S = 413568$

(5) - تبيان أنّ (V_n) متتالية هندسية:

$$V_{n+1} = 4^5 V_n$$

ومنه (V_n) متتالية هندسية أساسها $q = 4^5$ وحدها الأول $V_1 = 4^6$

ب- حساب كل من V_2, V_3, V_4 :

$$V_2 = 4^{11} \quad \text{و} \quad V_3 = 4^{16} \quad \text{و} \quad V_4 = 4^{21}$$

ج- حساب بدلالة n المجموع S_n :

$$S_n = 4^6 \frac{4^{5n} - 1}{4^5 - 1}$$

5